

BP 2 Prozessorvergabe - vert. Syst.: Modelle

7 Prozessorvergabe in Echtzeitsystemen

Burns, A.; Wellings, A.: Real-Time Systems and Programming Languages. Addison-Wesley, 2nd Edition, 1990, p. 399 - 440.

7.1 Systemmodelle

Ein einfaches Modell

- Die Anwendung besteht aus einer festen Anzahl von Prozessen
- Alle Prozesse arbeiten periodisch mit fester, a priori bekannten Periode
- Die Prozesse sind voneinander vollkommen unabhängig
- Der Aufwand für Prozeßumschaltungen ist so gering, daß er vernachlässigt werden kann
- Jeder Prozeß muß innerhalb seiner Periode einen Durchlauf abschließen (d. h. jeder Durchlauf kann eigener Auftrag mit Zielzeit angesehen werden)
- Alle Prozesse besitzen eine a priori bekannte maximale Durchlaufzeit

- ◆ Diese Eigenschaften lassen zu, daß alle Prozesse gleichzeitig einen Durchlauf beginnen können. Dieser Fall erzeugt die größte mögliche Last. Ein solcher Zeitpunkt wird als **kritischer Moment** bezeichnet.

12.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

7.1

BP 2 Prozessorvergabe - vert. Syst.: Modelle

Standardnotation für die wichtigsten Prozeßattribute

Notation	Beschreibung
B	Längste auftretende Blockierungszeit
C	Längste auftretende Rechenzeit
D	Zielzeit
I	Maximale Interferenz (durch höherpriorie Prozesse)
J	Zulässiger Freigabejitter
N	Zahl der Prozesse im System
P	Priorität (soweit vorhanden)
R	Längste zulässige Verweilzeit
T	Periodenlänge
U	Systembelastung (C / T)

- In diesem Kapitel werden Prioritäten durch ganze Zahlen ausgedrückt, wobei größere Werte höhere Priorität bezeichnen!**

Vorsicht: Die Literatur ist in dieser Hinsicht uneinheitlich!

12.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

7.2

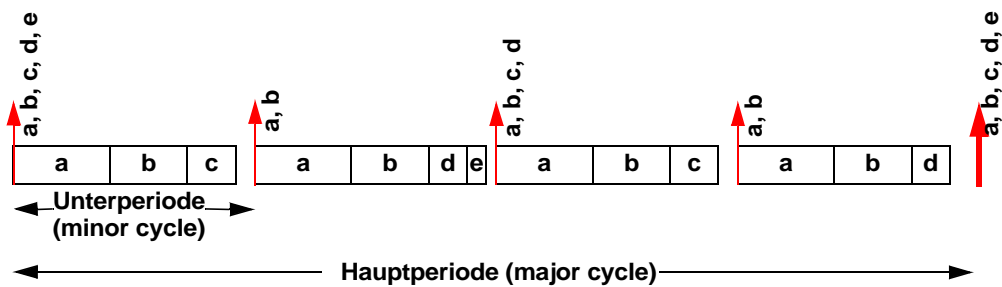
BP 2 Prozessorvergabe - vert. Syst.: Modelle

7.2

Zyklische Ausführungsplan

□ Beispiel zur Vorgehensweise

Prozeß	Periode	Rechenzeit
a	25	10
b	25	8
c	50	5
d	50	4
e	100 b	2



12.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg
ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

7.3

BP 2 Prozessorvergabe - vert. Syst.: Modelle

```
while (true) {  
    Procedure_for_a;  
    Procedure_for_b;  
    Procedure_for_c_1;  
    Wait_for_interrupt;  
  
    Procedure_for_a;  
    Procedure_for_b;  
    Procedure_for_d_1;  
    Procedure_for_e;  
    Wait_for_interrupt;  
  
    Procedure_for_a;  
    Procedure_for_b;  
    Procedure_for_c_2;  
    Wait_for_interrupt;  
  
    Procedure_for_a;  
    Procedure_for_b;  
    Procedure_for_d_  
    Wait_for_interrupt;  
}
```

12.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg
ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

7.4

BP 2 Prozessorvergabe - vert. Syst.: Modelle

Eigenschaften

◆ Vorteilhaft

- Zur Laufzeit nur **ein** Prozeß, d. h. keine Prozeßumschaltungen
- Die Prozeduren all in gleichem Adreßraum ausgeführt

◆ Nachteilig

- Alle Perioden müssen Vielfache der Unterperiode sein
- Einordnung sporadischer Prozesse sehr schwierig
- Vorgänge mit sehr langen Perioden müssen evtl. in sehr viele kurzlaufende Teilstücke zerlegt werden
- Konstruktion des Ablaufplans schwierig, NP-vollständig

12.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg
ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

7.5

BP 2 Prozessorvergabe - vert. Syst.: Modelle

7.3 Prozeßbasierte Zuordnung

Jeder periodische Vorgang als eigener Prozeß

◆ Zuordnung:

- nicht-verdrängend
- verdrängend
- verzögert verdrängend (kooperativ)

Abarbeitung nach abnehmenden Raten (rate monotonic priority)

- $T_i < T_j \Rightarrow P_i > P_j$

S7.1 Wenn das Zuordnungsproblem durch statische Prioritäten gelöst werden kann, dann wird es auch durch Abarbeitung nach abnehmenden Raten gelöst.

Wann führt diese Vorgehensweise zum Ziel?

12.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg
ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

7.6

BP 2 Prozessorvergabe - vert. Syst.: Modelle

7.4 Nutzungsbasierte Tests

S4.2 (Liu and Layland, 1973): Wenn die Bedingung

$$\sum_{i=1}^N \frac{C_i}{T_i} < N(2^{1/N} - 1)$$

erfüllt ist, dann werden bei Zuordnung nach abnehmenden Raten die Zielzeiten eingehalten.

12.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg
ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

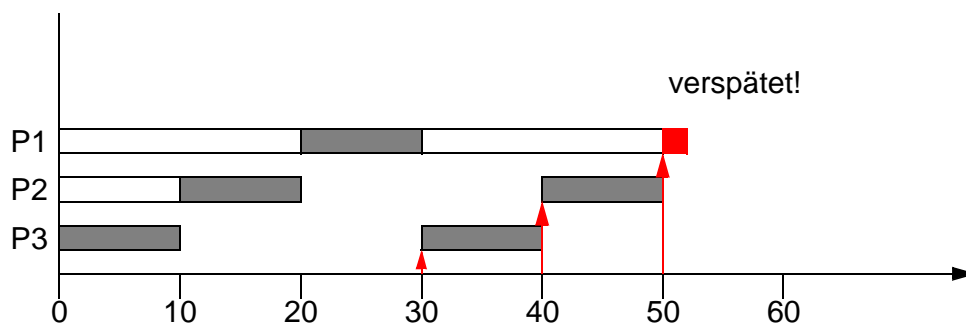
7.7

BP 2 Prozessorvergabe - vert. Syst.: Modelle

□ Beispiele

◆ Beispiel A: Bedingung nicht erfüllt; Perioden nicht einhaltbar

Prozeß	T	C	P	U
P1	50	12	1	0.24
P2	40	10	2	0.25
P3	30	10	3	0.33



12.07.99

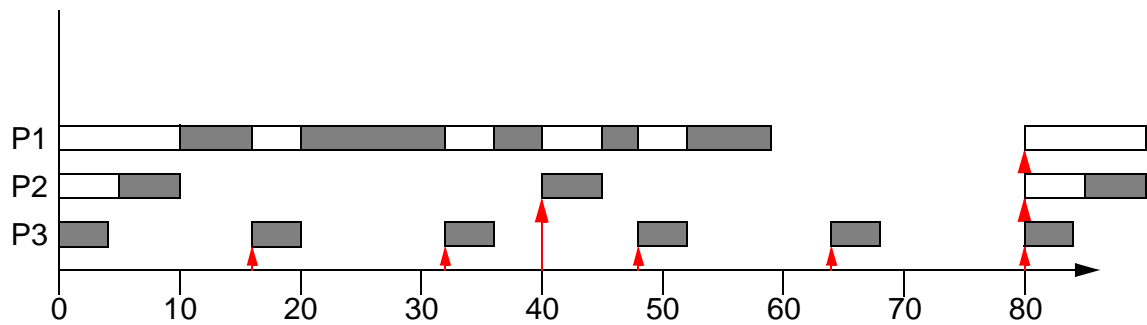
Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg
ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

7.8

BP 2 Prozessorvergabe - vert. Syst.: Modelle

◆ Beispiel B: Bedingung erfüllt; Perioden eingehalten

Prozeß	T	C	P	U
P1	80	32	1	0.400
P2	40	5	2	0.125
P3	16	4	3	0.250



12.07.99

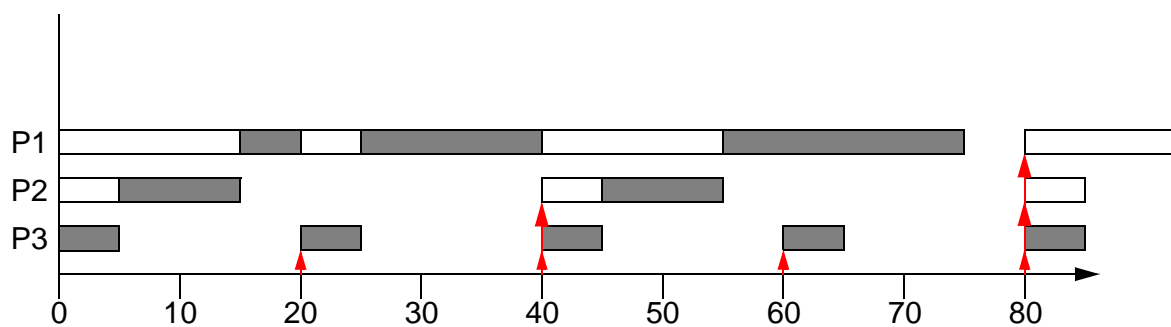
Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg
ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

7.9

BP 2 Prozessorvergabe - vert. Syst.: Modelle

◆ Beispiel C: Bedingung nicht erfüllt; Perioden einhaltbar

Prozeß	T	C	P	U
P1	80	40	1	0.50
P2	40	10	2	0.25
P3	20	5	3	0.25



12.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg
ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

7.10

BP 2 Prozessorvergabe - vert. Syst.: Modelle

7.5 Antwortzeitanalyse

- Prozeß höchster Priorität: $R = C$
- Für andere: $R_i = C_i + I_i$
- Maximale Verdrängungszeit tritt ein, wenn alle höherprioren Prozesse gleichzeitig mit dem betrachteten eine Periode beginnen; o. B. d. A. Beginn zum Zeitpunkt 0.

◆ Betrachtet wird das Intervall $[0, R_i)$

- Zahl der Deblokierungen von Prozeß j: $\left\lceil \frac{R_i}{T_j} \right\rceil$
- Maximale Interferenz: $\left\lceil \frac{R_i}{T_j} \right\rceil C_j$

also
$$I_i = \sum_{j \in \text{hp}(i)} \left\lceil \frac{R_i}{T_j} \right\rceil C_j,$$

dabei bezeichnet $\text{hp}(i)$ die Menge der Prozesse, deren Priorität größer i ist.

- Durch Substitution: $R_i = C_i + \sum_{j \in \text{hp}(i)} \left\lceil \frac{R_i}{T_j} \right\rceil C_j$

12.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg
ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

7.11

BP 2 Prozessorvergabe - vert. Syst.: Modelle

◆ Lösung obiger impliziter Gleichung für R_i

- Kleinster Fixpunkt liefert schlechteste Antwortzeit
- Iteratives Verfahren

$$w_i^{(n+1)} = C_i + \sum_{j \in \text{hp}(i)} \left\lceil \frac{w_i^{(n)}}{T_j} \right\rceil C_j$$

12.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg
ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

7.12

BP 2 Prozessorvergabe - vert. Syst.: Modelle

• Algorithmus:

```

for (int i = 0; i < N; i++) {
    int n = 0;
    w[n][i] = C[i];
    while (true) {
        w[n + 1][i] = C[i];
        for (int j = 0; j < N; j++) {
            if (P[j] > P[i]) {
                w[n + 1][i] += Math.ceil((float)w[n][i] / T[j]) * C[j];
            }
        }
        if (w[n + 1][i] == w[n][i]) {
            R[i] = w[n][i];
            break;
        }
        if (w[n + 1][i] > T[i]) {
            // Not schedulable
            break;
        }
        n++;
    }
}

```

12.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

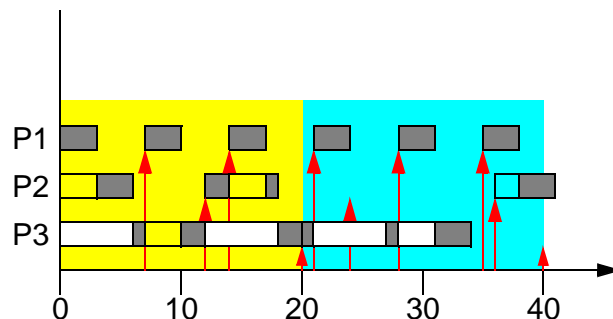
7.13

BP 2 Prozessorvergabe - vert. Syst.: Modelle



Beispiel D:

Prozeß	T	C	P	w ⁽⁰⁾	w ⁽¹⁾	w ⁽²⁾	w ⁽³⁾	w ⁽⁴⁾	w ⁽⁵⁾
P1	7	3	3	3	3	3	3	3	3
P2	12	3	2	3	6	6	6	6	6
P3	20	5	1	5	11	14	17	20	20



S4.3

Notwendig und hinreichend für die Einhaltung der Zielzeiten ist, daß für alle Prozesse i die Beziehung $R_i \leq T_i$ gilt.

12.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

7.14

BP 2 Prozessorvergabe - vert. Syst.: Modelle

7.6 Worst-case- Ausführungszeit

- Bislang angenommen, daß für jeden Prozeß i die maximal benötigte Rechenzeit C_i bekannt ist.
- Wie wird sie bestimmt?
 - Messung; Einfluß von Pufferspeichern!
 - Analyse (abzählen der benötigten Takte); setzt genaues Prozessormodell voraus!
 - Behandlung von Schleifen? Evtl. semantisches Wissen einbeziehen

```
for (int i = 1; i <= 10; i++) {  
    if (condition)  
        ... ; // Block, der 100 Zeiteinheiten benötigt  
    else  
        ... ; // Block, der 10 Zeiteinheiten benötigt  
}
```

- Vielleicht bekannt, daß erster Block höchstens dreimal durchlaufen wird.
- Alle Iterationen und Rekursionen müssen a priori bekannte Schranken besitzen.

12.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg
ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

7.15

BP 2 Prozessorvergabe - vert. Syst.: Modelle

7.7 Sporadische und aperiodische Prozesse

- Erweiterung des Systemmodells
 - Zusätzlich sporadische Aufträge
 - T interpretiert als kleinstes Zeitintervall zwischen zwei Auslösungen
 - Zielzeit kann vor Periodenende liegen: $D < T$
- Vorangehender Algorithmus auch hier anwendbar, wenn die Bedingung $w[n + 1][i] > T[i]$ durch $w[n + 1][i] > T[i]$ ersetzt wird.
Funktioniert für jede Prioritätenzuordnung!
- Harte und weiche Echtzeitbedingungen (hard and soft real-time)
In manchen Fällen ist Einhalten von Zielzeiten erwünscht, aber nicht unbedingt erforderlich.
Dann sind Strategien möglich, die nicht immer mit der schlechtesten Situation arbeiten, z. B.
 - Prozesse sollen mit mittleren Ausführungszeiten und Startraten einplanbar sein
 - Harte Echtzeitprozesse sollen einplanbar sein

12.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg
ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

7.16

BP 2 Prozessorvergabe - vert. Syst.: Modelle

7.8 Zuordnung nach *deadline monotonic priority*
Für $D < T$: In vorangehenden Überlegungen T durch D ersetzen

S4.4 Zuordnung nach *deadline monotonic priority* ist für jede Menge Q von Prozessen, die nach einer prioritätsgeteuerten Strategie einplanbar ist, eine optimale prioritätsgeteuerte Strategie.

12.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

7.17

BP 2 Prozessorvergabe - vert. Syst.: Modelle

- 7.9** Interaktion und Blockierung
- Zusätzlich zu berücksichtigen: Prozesse können sich gegenseitig koordinieren
- Es kann zu Prioritätsinversionen (*priority inversion*) kommen, d. h. ein hochpriorer Prozeß muß auf Freigabe durch einen niederprioreren warten.
 - Meist nicht vollkommen vermeidbar, aber nachteilige Effekte können minimiert werden.

12.07.99

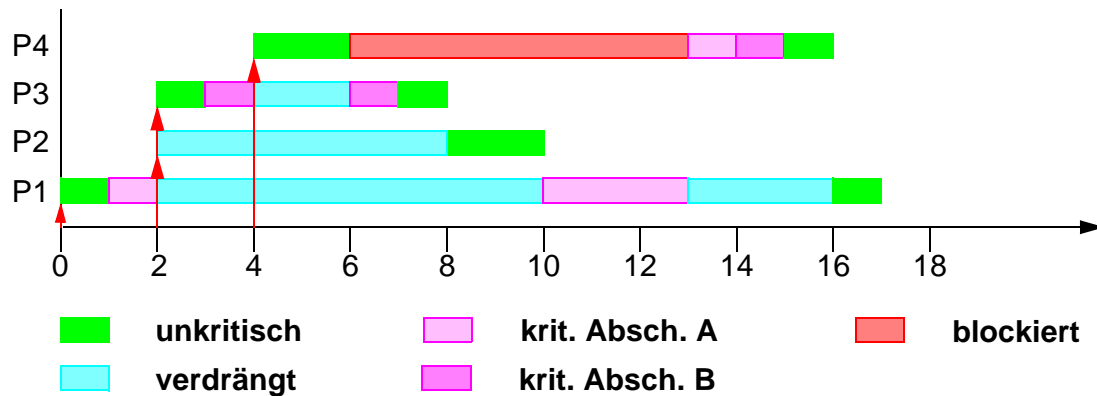
Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

7.18

BP 2 Prozessorvergabe - vert. Syst.: Modelle

• Beispiel E

Prozeß	Priorität	Ausführungsfolge	Startzeit
P4	4	RRABR	4
P3	3	RBBR	2
P2	2	RR	2
P1	1	RAAAAR	0



12.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

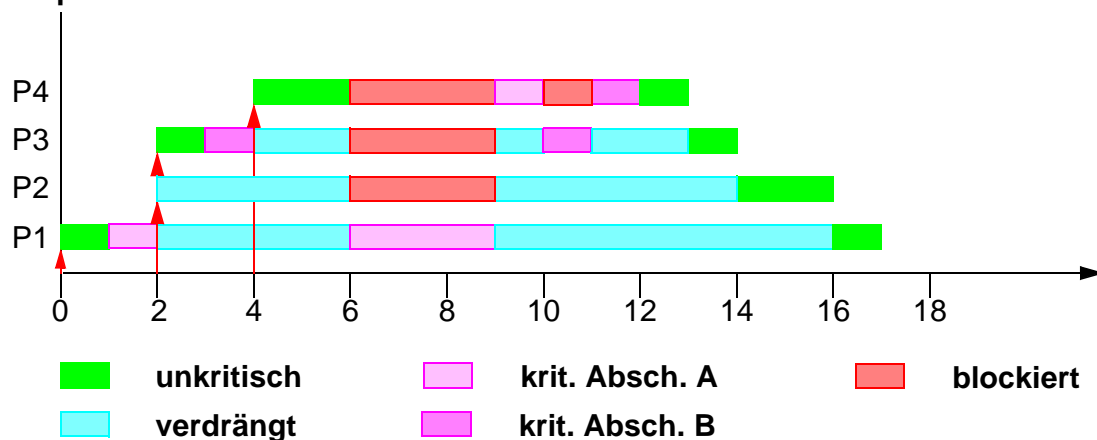
7.19

BP 2 Prozessorvergabe - vert. Syst.: Modelle

☐ Vermeidung dieses Effektes durch Prioritätsvererbung

Wenn Prozeß P blockiert wird, weil ein Prozeß Q mit niedriger Priorität im kritischen Abschnitt ist, dann bekommt Q bis zum Verlassen des kritischen Abschnitts die gleiche Priorität wie P

Beispiel E



Diese Vererbung kann sich über mehrere Prozesse erstrecken!

12.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

7.20

BP 2 Prozessorvergabe - vert. Syst.: Modelle

S4.5 Sha e. a., 1990:

Wenn ein Prozeß m kritische Abschnitte besitzt und n Prozesse niedrigerer Priorität existieren, dann wird er bei Prioritätsvererbung höchstens $\min(m, n)$ -mal blockiert.

□ Bestimmung der maximalen Blockierungszeit

Es sei $\text{nutzung}(k, i) = 1$, wenn Betriebsmittel k von wenigstens einem Prozeß geringerer Priorität und wenigstens ein Prozeß mit gleicher oder höherer Priorität benutzt wird.

Ansonsten gelte $\text{nutzung}(k, i) = 0$.

K bezeichne die Zahl verschiedener Betriebsmittel.

Dann gilt für die maximale Blockierungszeit B_i

$$B_i \leq \sum_{k=1}^K \text{nutzung}(k, i) \text{Zahl}_k_A(k)$$

12.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

7.21

BP 2 Prozessorvergabe - vert. Syst.: Modelle

□ Antwortzeiten bei Berücksichtigung von Blockierungen

- Frühere Berechnung ergänzt zu

$$R = C + B + I$$

- also

$$R_i = C_i + B_i + \sum_{j \in \text{hp}(i)} \left\lceil \frac{R_j}{T_j} \right\rceil C_j$$

- Daraus ergibt sich die Rekursion

$$w_i^{(n+1)} = C_i + B_i + \sum_{j \in \text{hp}(i)} \left\lceil \frac{w_i^{(n)}}{T_j} \right\rceil C_j$$

Diese Formel ist wegen der Art, in der die Blockierungen abgeschätzt wurden, pessimistisch.

12.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

7.22